



<i>Rodzaj dokumentu:</i>	Zasady oceniania rozwiązań zadań
<i>Egzamin:</i>	Egzamin ósmoklasisty Test diagnostyczny
<i>Przedmiot:</i>	Matematyka
<i>Forma arkusza:</i>	OMAP-100
<i>Termin egzaminu:</i>	Marzec 2021 r.
<i>Data publikacji dokumentu:</i>	18 marca 2021 r.

Uwagi:

Akceptowane są wszystkie odpowiedzi merytorycznie poprawne, spełniające warunki zadania.

Zadanie 1. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021 ¹	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 1. Odczytywanie i interpretowanie danych przedstawionych w różnej formie oraz ich przetwarzanie.	XXI. Odczytywanie danych i elementy statystyki opisowej. Uczeń: 1) odczytuje i interpretuje dane przedstawione za pomocą tabel, diagramów słupkowych i kołowych, wykresów, w tym także wykresów w układzie współrzędnych. XI. Obliczenia procentowe. Uczeń: 4) oblicza liczbę b , której p procent jest równe a .

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

B

Zadanie 2. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 1. Odczytywanie i interpretowanie danych przedstawionych w różnej formie oraz ich przetwarzanie.	II. Działania na liczbach naturalnych. Uczeń: 7) rozpoznaje liczby podzielne przez 2, 3, 4, 5, 9, 10, 100.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

PP

Zadanie 3. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
I. Sprawność rachunkowa. 1. Wykonywanie nieskomplikowanych obliczeń w pamięci lub w działaniach	IV. Ułamki zwykłe i dziesiętne. Uczeń: 12) porównuje ułamki (zwykłe i dziesiętne). V. Działania na ułamkach zwykłych i dziesiętnych. Uczeń:

¹ Załącznik nr 1 do rozporządzenia Ministra Edukacji Narodowej z dnia 20 marca 2020 r. w sprawie szczegółowych rozwiązań w okresie czasowego ograniczenia funkcjonowania jednostek systemu oświaty w związku z zapobieganiem, przeciwdziałaniem i zwalczaniem COVID-19 (Dz.U. poz. 493, z późn. zm.).

trudniejszych pisemnie oraz wykorzystanie tych umiejętności w sytuacjach praktycznych.	1) dodaje, odejmuje, mnoży i dzieli ułamki zwykłe o mianownikach jedno- lub dwucyfrowych, a także liczby mieszane.
--	--

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

D

Zadanie 4. (0–1)

Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
I. Sprawność rachunkowa. 1. Wykonywanie nieskomplikowanych obliczeń w pamięci lub w działaniach trudniejszych pisemnie oraz wykorzystanie tych umiejętności w sytuacjach praktycznych.	V. Działania na ułamkach zwykłych i dziesiętnych. Uczeń: 1) dodaje, odejmuje, mnoży i dzieli ułamki zwykłe o mianownikach jedno- lub dwucyfrowych, a także liczby mieszane.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

A

Zadanie 5. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 1. Odczytywanie i interpretowanie danych przedstawionych w różnej formie oraz ich przetwarzanie.	VI. Obliczenia praktyczne. Uczeń: 3) wykonuje proste obliczenia zegarowe na godzinach, minutach i sekundach.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

C

Zadanie 6. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji	XI. Obliczenia procentowe. Uczeń:

1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	5) stosuje obliczenia procentowe do rozwiązywania problemów w kontekście praktycznym, również w przypadkach jednokrotnych podwyżek lub obniżek danej wielkości.
---	---

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

PF

Zadanie 7. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	VII. Potęgi o podstawach wymiernych. Uczeń: 2) mnoży i dzieli potęgi o wykładnikach całkowitych dodatnich.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

D

Zadanie 8. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 1. Odczytywanie i interpretowanie danych przedstawionych w różnej formie oraz ich przetwarzanie.	VIII. Pierwiastki. Uczeń: 1) oblicza wartości pierwiastków kwadratowych i sześciennych z liczb, które są odpowiednio kwadratami lub sześciانami liczb wymiernych.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

BC

Zadanie 9. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
IV. Rozumowanie i argumentacja. 1. Przeprowadzanie prostego rozumowania, podawanie argumentów uzasadniających poprawność rozumowania, rozróżnianie dowodu od przykładu.	XX. Wprowadzenie do kombinatoryki i rachunku prawdopodobieństwa. Uczeń: 2) przeprowadza proste doświadczenia losowe, polegające na rzucie sześcienną kostką do gry lub losowaniu np. kuli spośród zestawu kul, analizuje je i oblicza prawdopodobieństwa zdarzeń w doświadczeniach losowych.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

A3

Zadanie 10. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 1. Odczytywanie i interpretowanie danych przedstawionych w różnej formie oraz ich przetwarzanie.	IX. Tworzenie wyrażeń algebraicznych z jedną i z wieloma zmiennymi. Uczeń: 3) oblicza wartości liczbowe wyrażeń algebraicznych.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

FP

Zadanie 11. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	XVII. Wielokąty. Uczeń: 5) stosuje wzory na pole trójkąta, [...] równoległoboku [...].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

PP

Zadanie 12. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 2. Dobieranie modelu matematycznego do prostej sytuacji oraz budowanie go w różnych kontekstach, także w kontekście praktycznym.	XVI. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń: 3) stosuje twierdzenie o sumie kątów trójkąta. XVI. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń: 1) rozpoznaje i nazywa trójkąty ostrokątne, prostokątne, rozwartokątne, równoboczne i równoramienne.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

A

Zadanie 13. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 2. Dobieranie modelu matematycznego do prostej sytuacji oraz budowanie go w różnych kontekstach, także w kontekście praktycznym.	XVII. Wielokąty. Uczeń: 5) stosuje wzory na pole [...] prostokąta [...]. V. Działania na ułamkach zwykłych i dziesiętnych. Uczeń: 5) oblicza ułamek danej liczby naturalnej.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

PF

Zadanie 14. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	XVI. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń: 6) zna i stosuje w sytuacjach praktycznych twierdzenie Pitagorasa (bez twierdzenia odwrotnego). XVII. Wielokąty. Uczeń: 5) stosuje wzory na pole [...] rombu [...].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

B

Zadanie 15. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 1. Odczytywanie i interpretowanie danych przedstawionych w różnej formie oraz ich przetwarzanie.	XIX. Geometria przestrzenna. Uczeń: 4) oblicza objętość i pole powierzchni prostopadłościanu przy danych długościach krawędzi.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

C

Zadania otwarte

Uwaga

- Za każde inne niż przedstawione poprawne rozwiązanie przyznaje się maksymalną liczbę punktów.
- Jeśli na jakimkolwiek etapie rozwiązywania zadania uczeń popełnił jeden lub więcej błędów rachunkowych, ale zastosował poprawne metody obliczania, to ocenę rozwiązania obniża się o 1 punkt.
- W pracy ucznia uprawnionego do dostosowanych kryteriów oceniania dopuszcza się:
 1. lustrzane zapisywanie cyfr i liter (np. 6 – 9, ...)
 2. gubienie liter, cyfr, nawiasów
 3. problemy z zapisywaniem przecinków w liczbach dziesiętnych
 4. błędy w zapisie działań pisemnych (dopuszczalne drobne błędy rachunkowe)
 5. luki w zapisie obliczeń – obliczenia pamięciowe
 6. uproszczony zapis równania i przekształcenie go w pamięci; brak opisu niewiadomych
 7. niekończenie wyrazów
 8. problemy z zapisywaniem jednostek (np. °C – OC, ...)
 9. błędy w przepisywaniu
 10. chaotyczny zapis operacji matematycznych
 11. mylenie indeksów górnych i dolnych (np. $x^2 - x_2$, $m^2 - m_2$, ...).

Zadanie 16. (0–2)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
IV. Rozumowanie i argumentacja. 1. Przeprowadzanie prostego rozumowania, podawanie argumentów uzasadniających poprawność rozumowania, rozróżnianie dowodu od przykładu.	IV. Ułamki zwykłe i dziesiętne. Uczeń: 12) porównuje ułamki (zwykłe i dziesiętne). XXII. Zadania tekstowe. Uczeń: 6) weryfikuje wynik zadania tekstowego, oceniając sensowność rozwiązania np. poprzez szacowanie, sprawdzanie wszystkich warunków zadania, ocenianie rzędu wielkości otrzymanego wyniku.

Przykładowe rozwiązanie**I sposób**

Zauważamy, że najmniej pieniędzy otrzymał Kamil. Jędrrek otrzymał 2 razy więcej niż Kamil, a Marcin 2 razy więcej niż Jędrrek.

Zatem Kamil ma jedną część, Jędrrek – 2 części, a Marcin 4 części. Rozdzieloną kwotę można podzielić na 7 takich części.

Zatem Kamil otrzymał $\frac{1}{7}$ całej kwoty.

II sposób

Przyjmijmy, że

Kamil otrzymał kwotę x zł

Jędrrek – kwotę $2x$ zł,

Marcin – kwotę $4x$ zł.

Rozdzielono kwotę $7x$ zł.

Kamil otrzymał $\frac{x}{7x}$, czyli $\frac{1}{7}$ całej kwoty.

III sposób

Przyjmijmy, że

Jędrrek otrzymał kwotę x zł

Kamil – kwotę $\frac{1}{2}x$ zł,

Marcin – kwotę $2x$ zł.

Rozdzielono kwotę $3\frac{1}{2}x$ zł.

Kamil otrzymał $\frac{\frac{1}{2}x}{3\frac{1}{2}x}$, czyli $\frac{1}{7}$ całej kwoty.

IV sposób

Przyjmijmy, że

Jędrrek otrzymał kwotę $\frac{1}{2}x$ zł

Kamil – kwotę $\frac{1}{4}x$ zł,

Marcin – kwotę x zł.

Rozdzielono kwotę $1\frac{3}{4}x$ zł.

Zatem Kamil otrzymał $\frac{\frac{1}{4}x}{1\frac{3}{4}x}$, czyli $\frac{1}{7}$ całej kwoty.

Zasady oceniania

2 punkt – pełne rozwiązanie

uzasadnienie, że Kamil otrzymał $\frac{1}{7}$ całej kwoty

1 punkt

zapisanie, że Kamil ma jedną część, Jędrrek – 2 części, a Marcin – 4 części

lub

zapisanie zależności pomiędzy kwotą posiadanych pieniędzy przez każdego z chłopców

0 punktów

rozwiązanie błędne lub brak rozwiązania

Uwaga:

Jeżeli uczeń przedstawi rozwiązanie dla konkretnych liczb, to otrzymuje 0 punktów.

Zadanie 17. (0–3)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	XVI. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń: 6) zna i stosuje w sytuacjach praktycznych twierdzenie Pitagorasa [...]. VI. Obliczenia praktyczne. Uczeń: 7) w sytuacji praktycznej oblicza: drogę przy danej prędkości i czasie, prędkość przy danej drodze i czasie, czas przy danej drodze i prędkości oraz stosuje jednostki prędkości km/h i m/s.

Przykładowe rozwiązania

I sposób

4 km to 60 min

1 km to 15 min

0,1 km to 1,5 min

Droga A

600 m + 800 m = 1400 m

0,4 km to 6 min

1,4 km to 21 min

Droga B

$$800^2 + 600^2 = x^2$$

$$x = 1000 \text{ (m)}$$

$$1000 \text{ m} = 1 \text{ km}$$

1 km to 15 min

$$21 \text{ min} - 15 \text{ min} = 6 \text{ min}$$

Odpowiedź: Ula idzie drogą *B* o 6 minut krócej niż drogą *A*.

II sposób

Droga A

$$600 \text{ m} + 800 \text{ m} = 1400 \text{ m}$$

Droga B

$$800^2 + 600^2 = x^2$$

$$x = 1000 \text{ (m)}$$

$$1400 \text{ m} - 1000 \text{ m} = 400 \text{ m} = 0,4 \text{ km}$$

$$\begin{aligned} 4 \text{ km} & \text{ to } 1 \text{ godz.} \\ 0,4 \text{ km} & \text{ to } 0,1 \text{ godz.} = 6 \text{ min} \end{aligned}$$

Odpowiedź: Ula idzie drogą *B* o 6 minut krócej niż drogą *A*.

III sposób

Droga A

$$600 \text{ m} + 800 \text{ m} = 1400 \text{ m} = 1,4 \text{ km}$$

Droga B

$$800^2 + 600^2 = x^2$$

$$x = 1000 \text{ (m)}$$

$$1000 \text{ m} = 1 \text{ km}$$

$$\begin{aligned} 4 \text{ km} & \text{ to } 1 \text{ godz.} \\ 1 \text{ km} & \text{ to } 15 \text{ min} \\ 1 \text{ km} + 0,4 \text{ km} & = 1,4 \text{ km} \\ 15 \text{ min} + 0,4 \cdot 15 \text{ min} & = 15 \text{ min} + 6 \text{ min} = 21 \text{ min} \end{aligned}$$

$$21 \text{ min} - 15 \text{ min} = 6 \text{ min}$$

Odpowiedź: Ula idzie drogą *B* o 6 minut krócej niż drogą *A*.

Zasady oceniania

3 punkty – pełne rozwiązanie

obliczenie, o ile minut krócej Ula idzie drogą *B* niż drogą *A* (o 6 minut)

2 punkty

przedstawienie poprawnego sposobu obliczenia czasu przejścia drogą *A* i czasu przejścia drogą *B*

lub

przedstawienie poprawnego sposobu obliczenia, o ile krócej Ula idzie drogą *B* niż drogą *A*

1 punkt

poprawny sposób obliczenia czasu przejścia drogą *A*

lub

poprawny sposób obliczenia długości drogi *B*

0 punktów

rozwiązanie błędne lub brak rozwiązania

Zadanie 18. (0–2)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 2. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. Dobieranie modelu matematycznego do prostej sytuacji oraz budowanie go w różnych kontekstach, także w kontekście praktycznym.	XXII. Zadania tekstowe. Uczeń: 4) dzieli rozwiązanie zadania na etapy, stosując własne, poprawne, wygodne dla niego strategie rozwiązania.

Przykładowe rozwiązanie

x – liczba białych róż

$3x$ – liczba czerwonych róż

$$(3x - 40) \cdot 2 = x$$

$$x = 16$$

Odpowiedź: W kwiaciarni było 16 białych róż.

Zasady oceniania

2 punkty – pełne rozwiązanie

obliczenie liczby białych róż (16)

1 punkt

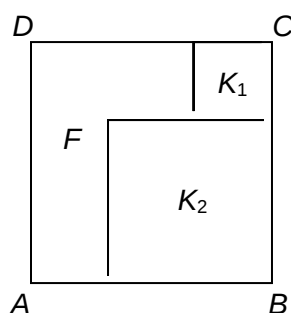
poprawny sposób obliczenia liczby białych róż

0 punktów

rozwiązanie błędne lub brak rozwiązania

Zadanie 19. (0–3)

Wymagania egzaminacyjne 2021	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
IV. Rozumowanie i argumentacja. 3. Stosowanie strategii wynikającej z treści zadania, tworzenie strategii rozwiązania problemu, również w rozwiązaniach wieloetapowych oraz w takich, które wymagają umiejętności łączenia wiedzy z różnych działów matematyki.	XVII. Obliczenia w geometrii. Uczeń: 4) oblicza obwód wielokąta o danych długościach boków; 5) stosuje wzory na pole [...] kwadratu, [...].

Przykładowe rozwiązanie

$$\sqrt{400} = 20$$

– bok kwadratu $ABCD$ ma długość 20 cm

$$\sqrt{49} = 7$$

– bok kwadratu K_1 ma długość 7 cm

$$20 - 7 = 13$$

– bok kwadratu K_2 ma długość 13 cm

Dodajemy długości kolejnych boków wielokąta F :

$$20 + (20 - 13) + 13 + (13 - 7) + 7 + (20 - 7) = 66$$

Odpowiedź: Obwód figury F jest równy 66 cm.

Zasady oceniania**3 punkty – pełne rozwiązanie**

obliczenie obwodu figury F poprawnym sposobem (66 cm)

2 punkty

poprawny sposób obliczania długości boków figury F

1 punkt

poprawny sposób obliczenia długości boków kwadratów $ABCD$ oraz K_1

0 punktów

rozwiązanie błędne lub brak rozwiązania

Uwaga:

Nie oceniamy jednostek.